Collaborating Hearing Aids An Information-Theoretic Perspective

Olivier Roy

LCAV - I&C - EPFL

Joint work with Martin Vetterli

January 16, 2007



◆□▶ ◆□▶ ◆臣▶ ◆臣▶ 臣 の�?

### 1 Motivations

- 2 Collaborating Hearing Aids
- 3 Information-Theoretic Background

### 4 Results





# Motivations (1/3)

### Generalities

- Battery-operated sensing devices
- Types: behind-the-ear (BTE), in-the-ear (ITE), in-the-canal (ITC) and completely-in-the-canal (CTC)



・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・

- Analog vs. digital
- Few (omni-)directional microphones, 1 loudspeaker

# Motivations (2/3)

Improve speech intelligibility with hearing aids

- Spectral shaping
- Beamforming
- Assistive listening devices



Figure: Assistive listening devices. (a) Remote microphone. (b) Collaborating hearing aids. Wireless collaboration

- Analog vs. digital
- Transmission method (e.g. Bluetooth)

Coding issues

Gain-Rate Tradeoff

◆□▶ ◆□▶ ◆三▶ ◆三▶ 三三 のへぐ

### Collaborating Hearing Aids (1/3)

Head-related configuration



Recorded signals

$$X_{l,k}(t) = [h_{l,k} * S](t) + [g_{l,k} * I](t) + N_{l,k}(t), \quad \text{for } l, k = 1, 2$$

(日)、

æ

## Collaborating Hearing Aids (2/3)

Wireless collaboration scheme



Weighted mean-squared error (MSE)

$$D_l = \mathbf{E}\left[\|A(S_l - \hat{S}_l)\|^2\right], \quad \text{for } l = 1, 2$$

#### Goals

Characterize the optimal rate-distortion tradeoffs

- Local view:  $(R_1, D_1)$  and  $(R_2, D_2)$
- Global view: (R, D) where  $R = R_1 + R_2$  and  $D = D_1 + D_2$

・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・

Compute rate allocation policies

- How to distribute  $R_1$  and  $R_2$  among frequency bins?
- How to share R between the hearing aids?
- Provide insights about implementation

Framework: information theory

Source coding in a nutshell

$$S \longrightarrow \boxed{\mathsf{Enc}} \xrightarrow{R} \boxed{\mathsf{Dec}} \longrightarrow \hat{S}$$

- Given: a source (or signal) S and a distortion criterion  $d(S, \hat{S})$  (e.g. MSE)
- Question: for a given rate *R*, what is the minimum achievable distortion?

・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・

- Answer: the rate-distortion function
- Assumption: unbounded coding delay and complexity

Example: the Gaussian case

• We observe  $X_1, X_2, \ldots$  where  $X_k \sim \mathcal{N}(0, \sigma^2)$  i.i.d.

Rate-distortion function given by

$$D(R) = \sigma^2 2^{-2R}$$
 [MSE/sample]



simple 1-bit quantization  $\approx 0.36\sigma^2$ , optimal =  $0.25\sigma^2$ 

◆□▶ ◆□▶ ◆臣▶ ◆臣▶ ─臣 ─ のへで

Variations on a theme

Remote source coding

$$S \xrightarrow{R} \text{Dec} \xrightarrow{R} \hat{S}$$

◆□▶ ◆□▶ ◆三▶ ◆三▶ 三三 のへぐ

Variations on a theme

Source coding with side information at the decoder



▲□▶ ▲□▶ ▲□▶ ▲□▶ ▲□ ● ● ●

Variations on a theme

Remote source coding with side information at the decoder

◆□▶ ◆□▶ ◆三▶ ◆三▶ 三三 のへぐ

$$S \xrightarrow{} X \xrightarrow{} Enc \xrightarrow{} R \xrightarrow{} Dec \xrightarrow{} \hat{S}$$

### Information-Theoretic Background (4/4)

What about collaborating hearing aids? Local view



We define the gain-rate function at hearing aid 1

$$G_1(R_1) = \frac{D_1(0)}{D_1(R_1)}$$

### Information-Theoretic Background (4/4)

What about collaborating hearing aids? Local view



We define the gain-rate function at hearing aid 2

$$G_2(R_2) = \frac{D_2(0)}{D_2(R_2)}$$

・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・
・

#### What about collaborating hearing aids? Global view



◆□▶ ◆□▶ ◆三▶ ◆三▶ 三三 のへぐ

## Results (1/5)

#### Local view

Gain-rate tradeoffs



Figure: Example of gain-rate tradeoffs (two classes of coding strategies).

◆□▶ ◆□▶ ◆臣▶ ◆臣▶ 善臣 - のへで

## Results (2/5)

Local view

Rate-constrained directivity patterns



◆□▶ ◆□▶ ◆三▶ ◆三▶ 三三 のへぐ

Figure: Example of rate-constrained directivity patterns (two different rates, two classes of coding strategies).

## Results (3/5)

Local view

Rate allocation across frequencies



Figure: Allocation of the rate  $R_1$  across frequencies (two classes of coding strategies)

▲□▶ ▲圖▶ ▲臣▶ ▲臣▶ ―臣 … のへで

## Results (4/5)

Global view

Rate allocation between the hearing aids



Figure: Fraction of the total rate benefiting to hearing aid 1 (different signal-to-noise ratios, two classes of coding strategies)

- Identification of the problem of collaborating hearing aids
- Information-theoretic analysis
  - Gain-rate tradeoffs
  - Rate allocation
  - Rate-constrained directivity patterns
  - $\Rightarrow$  Allows to benchmark the performance of practical schemes

◆□▶ ◆□▶ ◆三▶ ◆三▶ 三三 のへで

- Identification of the problem of collaborating hearing aids
- Information-theoretic analysis
  - Gain-rate tradeoffs
  - Rate allocation
  - Rate-constrained directivity patterns
  - $\Rightarrow$  Allows to benchmark the performance of practical schemes

Thanks for your attention!!